На правах рукописи

from

Федотова Дарья Витальевна

# АНАЛИЗ СМЕШАННЫХ ФОРМ ЦИКЛИЧЕСКОГО РАЗРУШЕНИЯ СТАЛЕЙ, АЛЮМИНИЕВОГО И ТИТАНОВОГО СПЛАВОВ НА ОСНОВЕ МКЭ, КОЛИЧЕСТВЕННОЙ ФРАКТОГРАФИИ И КОРРЕЛЯЦИИ ЦИФРОВЫХ ИЗОБРАЖЕНИЙ

1.1.8 – Механика деформируемого твёрдого тела

Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук Работа выполнена в Институте энергетики и перспективных технологий Федерального государственного бюджетного учреждения науки Федеральный исследовательский центр «Казанский научный центр Российской академии наук», г. Казань.

Научный руководитель: Шлянников Валерий Николаевич, доктор технических наук, профессор.

Официальные оппоненты: Панин Сергей Викторович, доктор технических наук (01.02.04), профессор, заведующий лабораторией механики полимерных композиционных материалов ФГБУН «Институт физики прочности и материаловедения Сибирского отделения Российской академии наук», г. Томск.

> Селютина Нина Сергеевна, доктор физикоматематических наук (1.1.8), старший научный сотрудник кафедры теории упругости математикомеханического факультета ФГБОУ ВО «Санкт-Петербургский государственный университет», г. Санкт-Петербург.

Ведущая организация: Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Самарский национальный исследовательский университет имени академика С.П. Королева», г. Самара.

Защита состоится **29 апреля 2024** г. в 14:00 часов на заседании диссертационного совета Д 004.036.01 на базе Федерального государственного бюджетного учреждения науки «Пермский федеральный исследовательский центр Уральского отделения Российской академии наук» (филиал – Институт механики сплошных сред УрО РАН) по адресу: 614013, г. Пермь, ул. Академика Королёва, 1; тел: (342) 237-84-61; факс: (342) 237-84-87; сайт: www.icmm.ru.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке и на сайте Института механики сплошных сред Уральского отделения Российской академии наук.

Автореферат разослан « » марта 2024 г.

Ученый секретарь диссертационного совета, доктор физико-математических наук, доцент

*Дбу1С* / А.Л. Зуев

## ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность работы. В настоящее время оценка влияния смешанных форм деформирования на характеристики сопротивления росту трещин имеет несистемный и противоречивый характер. Отчасти это связано с тем, что смешанные формы разрушения являются одной из наиболее сложных проблем механики деформирования и разрушения, которая объединяет постановку и разработку новых методов экспериментальных исследований, задачу определения локального НДС вдоль фронта криволинейной трещины, модель интерпретации и прогнозирования скорости развития трещин и остаточной долговечности.

Актуальной является задача разработки методов комплексного расчетноэкспериментального исследования механизмов и закономерностей развития трещин при смешанных формах циклического деформирования с использованием современных вычислительных комплексов, электронных и оптических цифровых систем для основных классов конструкционных материалов (стали, титановый и алюминиевый сплавы) с максимально широким диапазоном вариации общего диапазона упруго-пластических свойств.

Целью диссертационной работы является разработка расчетноэкспериментального метода исследования механизмов и особенностей развития трещин при смешанных формах циклического разрушения с учетом свойств конструкционных материалов различных классов на основе численных расчетов, количественной фрактографии и корреляции цифровых изображений.

Цель исследования определяет следующие задачи:

1. Разработать и обосновать методику и выполнить экспериментальные исследования роста трещин для сталей, алюминиевого и титанового сплавов в полном диапазоне смешанных форм деформирования и разрушения для плоской задачи с использованием бесконтактной цифровой оптической системы.

2. Выполнить численный анализ полей напряженно-деформированного состояния (НДС), упругих и упругопластических параметров сопротивления разрушению в полном диапазоне смешанных форм разрушения по линейной теории механики трещин и нелинейным классической, градиентной и циклической теориям пластичности.

3. Разработать метод и представить интерпретацию экспериментальных результатов на основе численных расчетов параметров сопротивления разрушению для криволинейных траекторий развития трещин по линейно-упругой модели, классической (HRR решение) и циклической теориям пластичности (NKH решение).

4. Установить особенности и описать закономерности развития трещин при смешанных формах циклического разрушения с учетом упруго-пластических свойств сталей, титанового и алюминиевого сплавов.

5. Провести сравнительный анализ результатов, полученных методами конечных элементов, электронной микроскопии и корреляции цифровых изображений (DIC).

### Научная новизна работы состоит в:

•разработке и экспериментальном обосновании комплексного метода исследования механизмов и особенностей развития трещин при смешанных формах деформирования основных классов конструкционных металлических материалов;

•обобщении и описании совместного влияния смешанных форм деформирования и упруго-пластических свойств сталей, титанового и алюминиевого сплавов на характеристики циклической трещиностойкости посредством новой формы нормализации диаграмм усталостного разрушения;

•сравнительном анализе распределений коэффициентов интенсивности напряжений и показателя сингулярности в вершине трещины по упругому решению, классической, градиентной и циклической теориям пластичности для нормального отрыва и смешанных форм разрушения;

•установленных различиях поведения диаграмм усталостного разрушения в зависимости от моделей нелинейного деформирования в области вершины трещины для смешанных форм деформирования;

•определении зон доминирующих механизмов разрушения по данным электронной сканирующей микроскопии, корреляции цифровых изображений, и трактовке фрактографических особенностей процессов циклического разрушения сталей, алюминиевого и титанового сплавов при нормальном отрыве и смешанных формах деформирования.

#### Основные положения, выносимые защиту:

• Развитие трещин начального чистого сдвига приводит к повороту траектории и возникновению смешанных форм циклического деформирования по преимущественно псевдо-нормальному отрыву с малой асимметрией контуров зон пластичности. Доминирование упруго-пластического состояния псевдо-нормального отрыва для криволинейных наклонных трещин доказано численными результатами МКЭ, прямыми фрактографическими измерениями шага усталостных бороздок на поверхностях разрушения образцов и последовательным картированием контуров зон пластичности при циклическом деформировании средствами корреляции цифровых изображений.

•Введение в конституционные уравнения поведения среды параметра масштаба структуры материала в соответствии с градиентной теорией пластичности приводит к кратному увеличению локальных напряжений по сравнению с классической моделью Хатчинсона-Розенгрена-Райса. Подобные различия обусловлены инверсией изменяющихся вкладов составляющих общей плотности дислокаций по мере удаления от вершины трещины. Показатель сингулярности численных упругопластических решений зависит от используемой теории пластичности и имеет различные значения для форм нормального отрыва и начального чистого сдвига.

•Существует диапазон относительных расстояний до вершины трещины, в котором численные результаты по МКЭ на основе классической, градиентной и циклической теориям пластичности совпадают с данными прямых измерений распределений пластических деформаций с использованием техники корреляции

цифровых изображений. Границы подобных диапазонов зависят от форм циклического разрушения в сочетаниях нормального отрыва и поперечного сдвига.

•Диаграммы усталостного разрушения в новой форме нормализованных координат в терминах упругих и пластических коэффициентов интенсивности напряжений предоставляют обобщенную оценку совместного влияния смешанных форм деформирования и упруго-пластических свойств сталей, титанового и алюминиевого сплавов на характеристики циклической трещиностойкости.

•Для всех исследованных конструкционных металлических материалов имеет место стадийность процессов циклического развития трещин и взаимосвязанная последовательность смены доминирующих механизмов разрушения. Шаг усталостных бороздок, измеренный по фрактограммам поверхностей разрушения образцов, при нагружении нормальным отрывом выше, чем при начальном чистом сдвиге и последующих формах смешанных форм циклического разрушения.

Теоретическая значимость работы состоит в формулировке, обосновании и анализе новых нелинейных параметров сопротивления сопоставительном разрушению конструкционных материалов при смешанных формах разрушения на основе классической, градиентной и циклической теорий пластичности. Новизну экспериментального плана в работе составляет предложенная форма диаграмм усталостного разрушения в нормализованных координатах для оценки совместного влияния вида нагружения и упруго-пластических свойств основных классов конструкционных металлических материалов. Новизна методического плана состоит в разработке и реализации комплексного подхода исследования характеристик развития трещин на основе МКЭ, количественной фрактографии и корреляции цифровых изображений.

**Практическая значимость работы** состоит в обосновании возможности количественной оценки влияния вида смешанных форм деформирования и упругопластических свойств материалов на характеристики остаточной долговечности элементов конструкций с эксплуатационными дефектами сложной формы. Установленные карты фрактографии поверхностей разрушения могут быть использованы в порядке экспертных оценок при обосновании конструктивнотехнологических решений безопасной эксплуатации элементов конструкций.

Достоверность полученных результатов подтверждается установленными совпадениями частных численных и аналитических решений с решениями других авторов, а также результатами экспериментальных исследований, выполненных в рамках данной работы.

Личное участие соискателя в получении результатов, изложенных в диссертации, состояло в анализе современного состояния исследований по теме работы; проведении экспериментальных исследований; выполнении комплекса численных расчетов в рамках линейной теории механики трещин, классической, градиентной и циклической теориям пластичности; интерпретации экспериментальных результатов; обобщении результатов, полученных методами

конечных элементов, электронной микроскопии и корреляции цифровых изображений.

**Реализация работы.** Результаты работы представлены в тематике научных исследований лаборатории Прочности Федерального исследовательского центра Казанского научного центра Российской академии наук.

Работа поддерживалась грантами: РНФ № 23-19-00158, РНФ № 20-19-00158, РНФ № 19-79-10160, РФФИ № 20-38-70030\_Стабильность, АНТ № 07-161-ч Г 2019, РНФ № 17-19-01614.

Апробация работы. Результаты работы представлялись на Итоговых научных конференциях ФИЦ КазНЦ РАН (Казань, 2020-2023 гг.), the IGF25 - 25th International Conference on Fracture and Structural Integrity Catania (Italy, 12-14 June 2019), the 7th International Conference on Crack Paths (онлайн формат, 2021), the 6<sup>th</sup> IJFatigue and FFEMS Joint Workshop «Characterisation of Crack/Notch Tip Fields» (Dubrovnik, Croatia, 11-13 April 2022), the ECF23-23rd European Conference on Fracture 2022 (Funchal, Madeira, Portugal, 25 June-01 July 2022), XIII Всероссийский съезд по фундаментальным проблемам теоретической и прикладной механики (Санкт-Петербург, 21-25 августа 2023 г.).

В полном объеме диссертация докладывалась в Институте энергетики и перспективных технологий Федерального государственного бюджетного учреждения «Федеральный исследовательский центр «Казанский науки научный центр Российской академии наук», в Институте механики сплошных сред Уральского отделения Российской академии наук – филиал Федерального государственного бюджетного учреждения науки Пермского федерального исследовательского центра Уральского отделения Российской академии наук, на кафедре Математического моделирования систем и процессов Федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Пермский национальный исследовательский политехнический университет», на кафедре Экспериментальной механики и конструкционного материаловедения Федерального государственного образовательного учреждения высшего образования «Пермский автономного национальный исследовательский политехнический университет»

**Публикации.** Результаты исследований по теме диссертации опубликованы в 9 печатных работах.

Структура и объем работы. Диссертация состоит из введения, четырех глав, общих выводов и списка использованной литературы. Материал изложен на 168 страницах, содержит 64 рисунка, 17 таблиц, список литературы состоит из 224 наименований.

## ОСНОВНОЕ СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

**Во введении** обосновывается актуальность темы диссертационной работы, дается ее общая характеристика, определяются направления исследований, устанавливаются перспективы научного и практического значения решаемой задачи.

В первой главе приведен анализ современного состояния по предмету и направлениям исследований, рассматриваемых в диссертации. Становление и развитие механики сопротивления деформированию и разрушению связано с именами отечественных и зарубежных ученых: В.И. Владимирова, Р.В. Гольдштейна, А.Я. Красовского, А.А. Лебедева, Н.А. Махутова, Н.Ф. Морозова, Н.И. Мусхелишвили, В.В. Панасюка, Ю.Н. Работнова, Г.П. Черепанова, А.А. Шанявского, Д. Броека, М.Л. Вильямса, К. Миллера, Дж. Нотта, П. Париса, Дж. Райса, Дж. Си, Дж. Хатчинсона и др.

В первой главе представлен обзор экспериментальных образцов и оборудования для реализации смешанных форм разрушения. Приведены известные в литературе упруго-пластические модели состояния и развития трещин при смешанных формах деформирования и линейные и нелинейные критерии и параметры сопротивления росту трещин в экспериментальной и вычислительной механике разрушения. Рассмотрены перспективы использования количественной фрактографии и метода корреляции цифровых изображений с привлечением бесконтактных оптических систем в задачах анализа поверхностей разрушения.

На основе литературного анализа сформулирована цель и поставлены задачи исследования.

**Во второй главе** изложены основные методические вопросы экспериментальных исследований, оптических и цифровых измерений роста трещин при смешанных формах деформирования.

Объектом исследований в диссертационной работе выступил образец с односторонним боковым надрезом (compact tension shear (CTS) specimen). Геометрия экспериментального образца представлена на рис. 1 а. Экспериментальные образцы были выполнены из сталей Р2М и 34Х, а также алюминиевого 7050 и титанового Ti-6Al-4V сплавов, которые широко используются в элементах конструкций авиации, станционной и тепловой энергетики. Основные механические свойства исследуемых материалов приведены в таблице 1.

Материал	Е (ГПа)	$\sigma_0$ (MПa)	$\sigma_u(M\Pi a)$	n	$\overline{\alpha}$	С	γ
Steel P2M	226.9	362.4	1190.0	4.13	4.141	6165.9	8.0
Steel 34X	216.2	714.4	1260.4	7.89	0.529	5700.0	6.9
Al-alloy 7050	70.57	471.6	701.0	10.85	1.570	1750.0	7.5
Ti-6Al-4V	118.0	885.5	1289.6	12.59	1.225	2100.0	5.1

Таблица 1. Основные механические свойства исследуемых материалов

В этой таблице E – модуль упругости,  $\sigma_0$  и  $\sigma_u$  – предел текучести и прочности материала, n и  $\overline{\alpha}$  – константы деформационного упрочнения материала, C и  $\gamma$  – параметры нелинейной кинематической модели упрочнения Шабоша.

Таблица 2 содержит программу состоявшихся экспериментальных исследований по определению скорости роста трещин в СТЅ образцах при смешанных формах деформирования. Рассмотрены варианты нагружения нормальным отрывом (Mode I)

и начальным чистым сдвигом (Mode II). В процессе испытаний смешанные формы деформирования достигались путем изменения угла приложения нагрузки  $\alpha$  по отношению к направлению приложенной силы *F* с помощью специальных захватов S-образной формы.

	· ·	•	•		
Материал	Приложенная	нагрузка F, кН	Угол приложения нагрузки $\alpha$ , <sup>о</sup>		
	Mode I	Mode II	Mode I	Mode II	
Steel P2M	7.0	14.0	90	0	
Steel 34X	7.3	14.8	90	0	
Al-alloy 7050	2.8-7.0	11.0	90	0	
Ti-6Al-4V	5.0-11.0	17.0	90	0	

Таблица 2. Условия нагружения экспериментальных СТЅ образцов

Схема расположения элементов испытательного и измерительного комплексов представлена на рис. 1 б. Испытания были выполнены на специализированной сервогидравлической испытательной машине Zwick/Roell HA100 с системой управления Zwick CUBAS при гармоническом нагружении с частотой 10 Гц и коэффициентом асимметрии цикла нагружения R = 0.1 при комнатной температуре (рис. 2 а). Для определения фактического положения вершины трещины на боковой поверхности образца и для непрерывного измерения длины трещины вдоль криволинейных траекторий использовался оптический инструментальный микроскоп МБС-10. Для определения полей перемещений и деформаций на рабочей поверхности экспериментальных образцов использовалась бесконтактная цифровая оптическая система VIC-3D.



**Рис. 1.** Геометрия экспериментального CTS образца (а) и схема расположения элементов испытательного и измерительного комплексов (б)

В результате проведения серии испытаний, согласно табл. 2, были получены экспериментальные траектории развития трещин СТЅ образцов (рис. 3 а) и длины трещин вдоль этих траекторий в зависимости от накопленного количества циклов

нагружения (рис. 3 б, в). Установлены особенности поворота экспериментальных траекторий при нагружении начальным чистым сдвигом в зависимости от упругопластических свойств рассматриваемых конструкционных металлических материалов.



**Рис. 2.** Сервогидравлическая испытательная машина Zwick/Roell HA100 (а) и испытанные CTS образцы при нормальном отрыве (б) и начальном чистом сдвиге (в)

Полученные во второй главе первичные экспериментальные данные являются основой для комплексного исследования с применением МКЭ, количественной фрактографии и корреляции цифровых изображений.



**Рис. 3.** Экспериментальные траектории трещин в условиях начального чистого сдвига (а) и кривые развития трещин для сталей (б) и сплавов алюминия и титана (в)

**В третьей главе** представлены расчетно-экспериментальные поля параметров напряженно-деформированного состояния, результаты расчетов коэффициентов интенсивности напряжений и показателей сингулярности для смешанных форм циклического разрушения по линейной и нелинейным теориям механики трещин.

Численный анализ НДС образцов выполнен в соответствии с моделями упругого и пластического деформирования в вершине трещины по классической, градиентной и циклической теориям пластичности: Классическая теория пластичности по модели Хатчинсона-Розенгрена-Райса основана на степенном законе упрочнения Рамберга-Осгуда:

$$\sigma_{ij} = K_P r^{-1/(n+1)} \tilde{\sigma}_{ij}(\theta), \quad \begin{cases} \varepsilon = \sigma/E, & \sigma \le \sigma_0 \\ \varepsilon = \sigma/E + \bar{\alpha} \left(\sigma/E\right)^n, & \sigma > \sigma_0 \end{cases}$$
(1)

где  $K_p$  – пластический КИН, r – расстояние от вершины трещины,  $\tilde{\sigma}_{ij}(\theta)$  – безразмерные полярные функции напряжений, E – модуль упругости,  $\sigma_0$  – предел текучести материала, n и  $\bar{\alpha}$  – константы деформационного упрочнения материала.

Градиентная теория пластичности:

$$\dot{\varepsilon}^{p} = \dot{\varepsilon} \left( \frac{\sigma_{e}}{\sigma_{flow}} \right)^{m} = \dot{\varepsilon} \left[ \frac{\sigma_{e}}{\sigma_{ref} \sqrt{f^{2} \left( \varepsilon^{p} \right) + l\eta^{p}}} \right]^{m}, \quad \dot{\sigma}_{ij} = K \dot{\varepsilon}_{kk} \delta_{ij} + 2\mu \left[ \dot{\varepsilon}_{ij} - \frac{3\dot{\varepsilon}}{2\sigma_{e}} \left( \frac{\sigma_{e}}{\sigma_{flow}} \right)^{m} \sigma_{ij} \right]$$
(2)

$$\rho = \left[\sigma_{ref} f\left(\varepsilon^{P}\right) / M \alpha \mu b\right]^{2} + \overline{r} \frac{\eta^{P}}{b}, \quad l = 18\alpha^{2} \left(\mu / \sigma_{y}\right)^{2} b \tag{3}$$

где  $\sigma_{flow}$  – напряжения течения,  $\sigma_{ref}$  – референсные напряжения,  $\eta^p$  – градиент пластической деформации,  $\rho$  – полная плотность дислокаций, l – масштабный параметр структуры материала,  $\alpha$  – эмпирический коэффициент,  $\mu$  – модуль упругости при сдвиге, b – вектор Бюргерса.

Циклическая теория пластичности по модели Шабоша:

$$F = \sqrt{\frac{3}{2} (\mathbf{s} \cdot \boldsymbol{\alpha}) \cdot (\mathbf{s} \cdot \boldsymbol{\alpha})} - R = 0, \quad \boldsymbol{\alpha} = \frac{C}{\gamma} \cdot \left( 1 - e^{-\gamma \cdot \varepsilon_{pl}} \right), \quad \boldsymbol{\alpha} = \frac{C}{\gamma} \cdot \left( 1 - e^{-\gamma \cdot \varepsilon_{pl}} \right)$$
(4)

где *s* – девиатор напряжений,  $\alpha$  – девиатор обратных напряжений, *R* – константа, определяющая предел текучести, *C* и  $\gamma$  – параметры нелинейной кинематической модели упрочнения Шабоша.

Численные расчеты в рамках настоящей работы выполнены с привлечением вычислительного комплекса ANSYS. Для определения упругих И упругопластических параметров напряженно-деформированного состояния в области вершины трещины сформированы конечно-элементные модели экспериментальных образцов (рис. 4). Моделирование расчетных схем МКЭ было реализовано с учетом реальных геометрических параметров CTS образцов и экспериментальных условий их нагружения. Сформированы расчетные схемы для каждой экспериментальной траектории трещины (для каждого промежуточного положения вершины трещины вдоль траекторий роста) CTS образцов из сталей P2M и 34X, алюминиевого 7050 и Ti-6Al-4V титанового сплавов в полном диапазоне смешанных форм деформирования.



**Рис. 4.** Сетка конечных элементов вдоль криволинейной траектории трещины (а) и в области вершины трещины (б)

В результате численных расчетов были получены общий набор параметров НДС и контуры зон напряжений выше предела текучести материала по траекториям роста трещин в полном диапазоне смешанных форм деформирования (рис. 5).



Рис. 5. Контуры напряжений в зоне нелинейных деформаций по траекториям роста трещин стали Р2М: при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге (б) с последующими смешанными формами деформирования (в)

Задача численных расчетов состояла в определении и последовательном сравнении результатов по линейному упругому решению, классической, градиентной и циклической теориям пластичности, на основе которых вычислены упругие и упруго-пластические параметры для интерпретации экспериментов по скорости роста трещин. Первый этап сравнения относится к распределениям компонент напряжений в вершине трещины по классической теории пластичности по модели Хатчинсона-Розенгрена-Райса (HRR) и градиентной (CMSG) теориям пластичности (рис. 6). Установлено, что основным эффектом градиентной теории пластичности является кратное повышение значений напряжений в области вершины трещины. Второй этап сравнения состоял в сопоставлении компонент напряжений в области вершины трещины по классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности в приложении ко всему набору условий нагружения и свойств рассматриваемых металлических (рис. 7). конструкционных материалов Установлено, что

отличительной особенностью модели нелинейного кинематического упрочнения является зависимость полученных результатов от накопленного количества циклов нагружения и стабилизация результатов на определенной стадии долговечности.



Рис. 6. Распределения напряжений в области вершины трещины по классической (HRR) и градиентной (CMSG) теориям пластичности: при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге (б) с последующими смешанными формами деформирования (в)



Рис. 7. Распределения сдвиговых и окружных напряжений в вершине трещины по классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности стали P2M: при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге (б) с последующими смешанными формами деформирования (в)

Обобщением численных результатов диссертационной работы являются найденные для четырех конституционных моделей поведения среды (линейная упругость, классическая, градиентная и циклическая пластичность) зависимости линейных И нелинейных коэффициентов интенсивности напряжений от относительной длины трещины для каждого из рассмотренных конструкционных материалов со своим набором упруго-пластических свойств в условиях нормального отрыва (Mode I) и начального чистого сдвига (Mode II).



**Рис. 8.** Распределения упругих и пластических КИН вдоль траекторий роста трещин в условиях нормального отрыва и начального чистого сдвига по различным конституционным моделям поведения среды

В завершающем разделе главы представлено сопоставление результатов численного упруго-пластического анализа по различным конституционным моделям среды с результатами экспериментальных измерений деформаций в области вершины трещины с привлечением бесконтактной цифровой оптической системы VIC-3D. На рис. 9 в качестве примера показаны экспериментально полученные VIC-3D контуры деформаций для стали P2M в условиях нормального отрыва и начального чистого сдвига с последующими смешанными формами деформирования. На рис. 10 дано сравнение распределений деформаций в вершине трещины для образцов из стали P2M в полном диапазоне смешанных форм деформирования по классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности с результатами прямых измерений, полученных методом корреляции цифровых изображений VIC-3D, и установлены области их взаимного соответствия.



Рис. 9. Экспериментальные VIC-3D зоны пластических деформаций по траекториям роста трещин стали P2M: при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге (б) с последующими смешанными формами деформирования (в)



Рис. 10. Распределения эквивалентных деформаций на продолжении трещины для стали Р2М: нормальный отрыв (а) и начальный чистый сдвиг (б) с последующими смешанными формами деформирования (в)

B четвертой главе представлены результаты комплексных расчетноэкспериментальных исследований развития усталостных тещин ДЛЯ сталей, циклического алюминиевого и титанового сплавов при смешанных формах

разрушения на основе численных расчетов и количественной фрактографии.

На основе экспериментальных данных с привлечением численных результатов по линейному упругому решению, классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности построены диаграммы скорости роста трещин в CTS образцах из сталей P2M и 34X, алюминиевого 7050 и титанового Ti-6Al-4V сплавов в условиях нормального отрыва (Mode I) и начального чистого сдвига (Mode II). На рис. 11 представлены диаграммы усталостного разрушения стали P2M и сплава титана в терминах упругих (рис. 11 а, б) и классических пластических коэффициентов интенсивности напряжений по HRR решению (рис. 11 в, г). Получено, что скорость роста трещин при нормальном отрыве выше, чем при смешанных формах циклического разрушения, а эффект различий зависит от пластических свойств материалов.



Рис. 11. Сравнение скорости роста трещин при нормальном отрыве и начальном чистом сдвиге по упругому решению (а, б) и классической теории пластичности (в, г) для стали Р2М и сплава титана Ti-6Al-4V

Результаты для стали P2M (рис. 12 а), титанового (рис. 12 б) и алюминиевого (рис. 12 в) сплавов, представленные на рис. 12, продолжают линию сравнения скорости роста трещин при нормальном отрыве и начальном чистом сдвиге с акцентами при интерпретации на различия между классической и циклической теориями пластичности. Следствием учета поциклового изменения пластических деформаций в вершине трещины при расчете КИН по модели кинематического упрочнения явился присущий каждому испытанному материалу свой диапазон

диаграмм усталостного разрушения, который отличен от интерпретации данных в терминах традиционных КИН. На этой основе высказаны рекомендации о преимущественном использовании нелинейных КИН по модели циклической пластичности в силу возможности учета истории нагружения.



Рис. 12. Сравнение скорости роста трещин при нормальном отрыве и начальном чистом сдвиге по классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности для стали P2M (а), титанового (б) и алюминиевого (в) сплавов

Для удобства оценок и сравнения характеристик сопротивления циклическому разрушению материалов с различными упруго-пластическими свойствами введены новые безразмерные координаты в терминах пластических КИН, в качестве которых могут выступать результаты по классической (HRR) и циклической (NKH) теориям пластичности. Предложенные параметры записываются в следующем виде:

$$da/dN_{norm} = 1 - \frac{da/dN_{f} - da/dN_{i}}{da/dN_{f} - da/dN_{0}}, \quad K_{P_{norm}} = 1 - \frac{K_{P_{f}} - K_{P_{i}}}{K_{P_{f}} - K_{P_{0}}}$$
(9)

где  $(da/dN)_0$  и  $(da/dN)_f$  это значения скорости роста трещины в первой точке диаграммы усталостного разрушения и при окончательном циклическом разрушении, соответственно;  $(da/dN)_i$  обозначает текущее значение скорости роста трещины. Нормирование пластического КИН выполнено аналогичным способом.



**Рис. 13.** Нормированные диаграммы скорости роста трещин в терминах пластических КИН при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге (б)

Из представленных данных в предлагаемом формате (рис. 13) установлено, что минимальным сопротивлением циклическому разрушению обладает сталь 34Х, а максимальные свойства показывают алюминиевый 7050 или титановый Ti-6Al-4V сплавы в зависимости от формы деформирования (нормальный отрыв (рис. 13 а) или начальный чистый сдвиг (рис. 13 б).

После завершения усталостных испытаний поверхности разрушения каждого образца подвергались тщательному фрактографическому анализу с использованием сканирующего электронного микроскопа Merlin Zeiss для установления доминирующих механизмов разрушения. В качестве примера на рис. 14 представлены полученные фрактограммы алюминиевого сплава вдоль траекторий роста трещин при нормальном отрыве (рис. 14 а, б, в) и начальном чистом сдвиге (рис. 14 г, д, е)

Установлено, что на начальной стадии роста трещины (рис. 14 а, г) доминирует строчечность с элементами сдвига по полосам скольжения, в стадии устойчивого роста трещины (рис. 14 б, д) преобладает бороздчатый рельеф периодической структуры и для завершающей стадии циклического разрушения (рис. 14 в, е) характерен вязкий ямочный рельеф с интенсивным растрескиванием. Подобная последовательность доминирующих механизмов циклического разрушения наблюдалась и в остальных исследованных металлических материалах.



**Рис. 14.** Поверхности разрушения сплава Al-alloy 7050 вдоль траекторий роста трещин при нормальном отрыве (а, б, в) и начальном чистом сдвиге (г, д, е)

На рис. 15 представлены количественные показатели стадий устойчивого развития трещин в СТЅ образцах из основных классов конструкционных материалов в виде зависимостей шага усталостных бороздок от длины трещины. Установлено, что форма нормального отрыва (рис. 15 а) характеризуется более интенсивным приращением шага бороздок по сравнению с формой начального чистого сдвига с

последующими смешанными формами разрушения (рис. 15 б). Кроме того, получено, что в высокопрочных материалах (сталь 34Х и титановый сплав) шаг бороздок существенно выше по сравнению с материалами средней прочности (сталь Р2М и алюминиевый сплав).



**Рис. 15.** Зависимость шага усталостных бороздок от длины трещины при нормальном отрыве (а) и начальном чистом сдвиге с последующими смешанными формами деформирования (б)

Результаты выполненного фрактографического анализа замкнули комплексность развиваемого подхода и позволили доказать следующие результаты настоящей работы:

•собственно появление и развитие усталостных бороздок при начальном чистом сдвиге;

•упруго-пластический характер циклического деформирования по преимущественно псевдо-нормальному отрыву с малой асимметрией контуров зон пластичности;

•необходимость использования нелинейных коэффициентов интенсивности напряжения для интерпретации экспериментальных результатов;

•наличие конечного радиуса кривизны вершины трещины и отсутствие угловой сингулярности при повороте трещины в условиях начального чистого сдвига;

•различия в кинетике усталостных бороздок для нормального отрыва и смешанных форм разрушения в зависимости от свойств материалов;

•корреляцию шага бороздок и скорости развития трещин нормального отрыва и смешанных форм разрушения;

•корреляцию ветвления трещин начального чистого сдвига и фазовых полей разрушения.

#### Основные выводы

Цель работы заключалась в разработке и экспериментальном обосновании комплексного расчетно-экспериментального метода исследования механизмов и особенностей развития трещин при смешанных формах циклического разрушения с учетом свойств основных классов конструкционных металлических материалов сталей, алюминиевого и титанового сплавов. Основные выводы по достижению поставленной цели состоят в следующем.

1. Разработан и реализован комплексный метод исследования и интерпретации характеристик циклической трещиностойкости металлических материалов при смешанных формах деформирования на основе МКЭ, количественной фрактографии и корреляции цифровых изображений.

2. Проведены экспериментальные исследования характеристик циклической трещиностойкости для форм нормального отрыва и начального чистого сдвига и получены диаграммы усталостного разрушения для двух типов сталей, титанового и алюминиевого сплавов.

3. Для экспериментальных траекторий роста трещин численно на основе МКЭ получены и описаны распределения локальных упругих и упруго-пластических характеристик состояния материала по классической, градиентной и циклической теориям пластичности для смешанных форм деформирования, включая поля параметров НДС, коэффициенты интенсивности напряжений, плотности дислокаций и типа сингулярности.

4. Проведен сравнительный анализ экспериментальных данных по скорости роста трещин смешанных форм деформирования в сталях, титановом и алюминиевом сплавах в терминах пластических коэффициентов интенсивности напряжений по классической и циклической теориям пластичности.

5. Введена и обоснована новая форма представления диаграмм усталостного разрушения для обобщения и описания совместного влияния смешанных форм деформирования и упруго-пластических свойств сталей, титанового и алюминиевого сплавов.

6. Экспериментально установлены и подтверждены фрактографическим анализом закономерности и особенности развития трещин в сталях, титановом и алюминиевом сплавах при смешанных формах циклического разрушения.

7. На основе экспериментальных и численных данных проведен сравнительный анализ результатов и установлены области взаимного соответствия параметров напряженно-деформированного состояния, полученных на основе МКЭ, количественной фрактографии и корреляции цифровых изображений.

## Основные печатные работы по теме диссертации:

1. Zakharov A.P., Shlyannikov V.N., Tartygasheva A.M., **Fedotova D.V.** Couple effects of mixed mode biaxial loading and crack tip configuration on plastic stress intensity factor behavior at small and large scale yielding // Procedia Structural Integrity. – 2019. – Vol. 18. – P. 749-756.

2. Shlyannikov V.N., **Fedotova D.V.** Crack growth and plastic, fracture process and damage zones behavior under mixed mode loading // Structural Integrity. – 2020. – Vol. 16. – P. 117-123.

3. Shlyannikov V.N., **Fedotova D.V.** Distinctive features of crack growth rate for assumed pure mode II conditions // International Journal of Fatigue. -2021. - Vol. 147. - 106163.

4. **Fedotova D.**, Khamidullin R., Shlyannikov V. Inversion of dislocation densities under mixed mode fracture // Engineering Failure Analysis. – 2022. – Vol. 138. – 106311.

5. **Fedotova D.**, Khamidullin R. Mixed mode crack paths in terms of plastic stress intensity factors based on conventional and strain gradient plasticity // Procedia Structural Integrity. – 2022. – Vol. 39. – P. 419-431.

6. Shlyannikov V., **Fedotova D.**, Khamidullin R. Couple analysis of DIC and FEM to quantify strain fields and crack-flank displacements in structural materials under cyclic mixed-mode I/II fracture // Procedia Structural Integrity. – 2022. – Vol. 42. – P. 714-721.

7. Shlyannikov V., **Fedotova D.**, Khamidullin R. Mixed mode crack growth analysis using cyclic plasticity model // Theoretical and Applied Fracture Mechanics. -2023. -104136.

8. **Федотова Д.В.**, Хамидуллин Р.М. Развитие трещин в условиях начального чистого сдвига // Труды Академэнерго. – 2020. – № 4. – С. 49-56.

9. Хамидуллин Р.М., **Федотова** Д.В. Анализ полей напряжений в вершине трещины и параметры сопротивления разрушению в условиях градиентной пластичности // Вестник ПНИПУ. Механика. – 2021. – № 4. – С. 136-148.